

**Übungsblatt Nr.11**

1. Man berechne:

$$\int \frac{1}{x} - \sqrt{x} dx = ?$$

$$\int_0^{\pi} \sin x - \cos x dx = ?$$

2. Man bestimme die Fläche, die  $f(x)$  mit der x-Achse einschließt.

$$f(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$$

**Lösungen Blatt 10**

3.) **Hauptbedingung** (unter Berücksichtigung quadratischer Grundfläche  $a^2$ ) -> Mantelfläche (incl. Boden) muss minimal werden, also:  $M = a^2 + 4ah$

**Nebenbedingung** (Volumen, Einheiten in cm!):  $400 = a^2 h$

Nebenbedingung in Hauptbedingung ( $h$  ersetzen):  $M = a^2 + \frac{1600}{a}$

Ableitung Nullsetzen:  $M' = 0 = 2a - \frac{1600}{a^2}$ . Auflösen ergibt dann sofort:

$$a = \sqrt[3]{800} \sim 9,3 \text{ cm} \text{ Entsprechend ergibt sich } h \sim 4,6 \text{ cm}, M \sim 220 \text{ cm}^2$$

Max./Min.-Prüfung durch Vergleich: Wähle  $a = 10 \text{ cm}$ ,  $h = 4 \text{ cm}$  ->  $M = 260 \text{ cm}^2$

Es muss sich also um ein Minimum handeln!

4.) Wie 3.), aber eine Grundseite beträgt  $a$ , die andere Grundseite beträgt die Länge  $2a$

$$M = 2a^2 + 2ah + 4ah = 2a^2 + 6ah; 400 = 2a^2 h \rightarrow M = 2a^2 + \frac{1200}{a} \rightarrow$$

$$M' = 0 = 4a - \frac{1200}{a^2} \rightarrow a = \sqrt[3]{300} \sim 6,7 \text{ cm}; h \sim 4,5 \text{ cm}; M \sim 271 \text{ cm}^2$$

Überprüfung Max./Min. Analog zu 3.)

$$5.) \text{ a.) } f'(x) = \frac{3ab \cos \sqrt{bx-2}}{2\sqrt{bx-2}}$$

$$\text{ b.) } f'(x) = -\frac{x}{2a\sqrt{1-\frac{2x^2}{4a}}}$$