

Übungsblatt Nr.7

1. Man berechne:

$$\sum_{n=1}^4 2n - 1$$

$$\sum_{i=0}^3 n^2 + 1$$

$$\sum_{n=1}^3 \sum_{i=2}^4 n^2 + i$$

2. Man schreibe mit Hilfe des Summenzeichens:

$$s = 3 + 5 + 7 + 9 + 11$$

$$z = 4 + 6 + 8 + 10 + 12 + \dots + 242$$

3. Man berechne die Grenzwerte:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 - n}{n^3} = ?$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 - 3n + 4}{3n^2 - 4n} = ?$$

Hausaufgaben:

4.) Man berechne die Grenzwerte:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n}{\sqrt{n^2 + n} - n} = ?$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n}{n^2 + x^2} = ?$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n - \frac{2n^2}{2n - 1} = ?$$

Lösungen Blatt 6:

4.) Man bringe zunächst x in die Wurzel:

$$f(x) = \ln\left(x \cdot \sqrt[3]{\frac{2}{x^4 - 2}}\right) = \ln\left(\sqrt[3]{\frac{2x^3}{x^4 - 2}}\right) \text{ und betrachte zunächst nur das Argument in der}$$

$$\text{Wurzel: } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3}{x^4 - 2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3}{x^3} \frac{2}{x - \frac{2}{x^3}} = 0. \text{ Hieraus folgt unmittelbar, dass kein}$$

Grenzwert existieren kann, da die Logarithmusfunktion für Werte gegen 0 nicht definiert ist.